

中学受験

(演習用)

実戦的解法による

分野別算数 1000

ファイル No. 723

49-0 容積とグラフ

中受ゼミ G

1

底面の半径が 6cm、高さが 20cm の円柱の容器がある。この円柱の容器には、図 1 のように 2 つのしきり⑦、①がついている。O は底面の円の中心であり、軸

OO' は底面に垂直である。しきり⑦はたてが 20cm、横が 6cm、しきり①はたてが 10cm、横が 6cm の長方形で、容器の底面に垂直である。しきり⑦は固定されており、しきり①は OO' を軸として回転する。図 2 は円柱の容器を上から見た図である。はじめ、A の部分の底面のおうぎ形の中心角は 250° で、A の部分には 628 cm^3 の水が入っており、B の部分は空である。なお、しきりの厚さは考えないものとし、しきりと容器のすきまから水はもれないものとする。また、円周率は 3.14 とする。

しきり①を、はじめは時計回りに毎分 12° ずつ回転させる。

- (1) B の部分の水面の高さが 2cm となるのは、しきり①を回転させ始めてから何分何秒後ですか。

B の部分の水面の高さが 2cm となった時点で、しきり①を反時計回りに毎分 12° ずつ回転させる。

- (2) A の部分と B の部分の水面の高さの比が 7 : 2 になるのは、反時計回りに回転させ始めてから何分何秒後ですか。

図 1

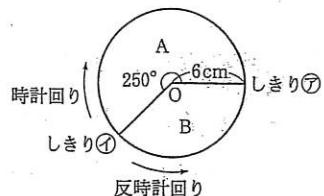
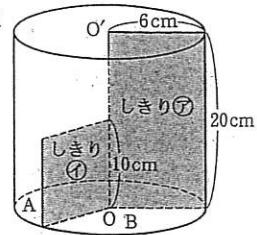


図 2 < 上から見た図 >

2

図は等間隔に仕切られた直方体の水槽を正面から見たものです。仕切りの高さは左から順に水槽の深さの4

分の3, 2分の1, 4分の1です。Aの位置から満水になるまで水を一定の割合で入れると、途中⑦の部分の水の深さが6分間変わりませんでした。ただし、仕切りの厚さは考えません。

- (1) 満水になるのは水を入れ始めてから何分後ですか。
- (2) 空にした後Bの位置から最初と同じ割合で水を入れると、満水になるまでに⑦の部分の水の深さが何度か一定になります。その時間の合計は何分間ですか。

