

# 2019

① 次の  にあてはまる数を答えなさい。

(1)  $12 \times \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) - \left(\frac{1}{2} \div 0.75 - \frac{4}{9}\right) \times 9 = \text{$

(2)  $93 - 89 + 83 - 71 + 59 - 53 + 50 - 47 + 41 - 29 + 17 - 11 + 7 = \text{$

(3)  $(954 - 459 - 25 \times 16 + 0.4) \div \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{84} + \frac{1}{210}\right) = \text{$

(4)  $(0.375 \times 24 + 2.5 \times 0.625 \times 16) \times 19 - 25 \times 12 + 125 \times 16 - 1.4 \times 190 = \text{$

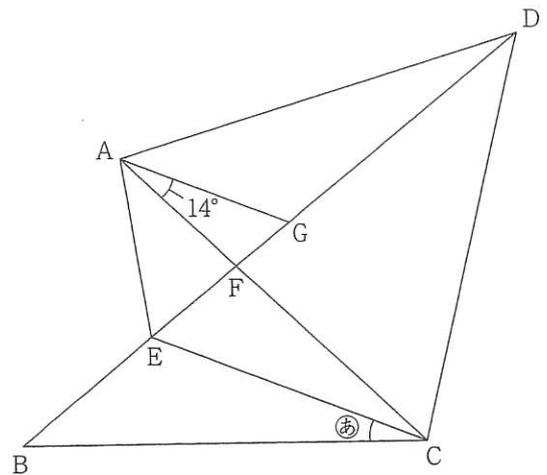
(5)  $1 \times 1 \times 1 + 3 + 5 + 3 \times 3 \times 3 + 13 + 15 + 17 + 19 + 5 \times 5 \times 5 + 31 + 33 + 35 + 37 + 39 + 41 = \text{$

② 次の  ア  ~  オ  にあてはまる数を答えなさい。

ア(  ) イ(  ) ウ(  ) エ(  ) オ(  )

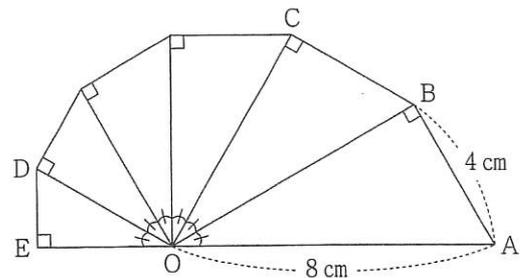
- (1) 図において、三角形 AEG と三角形 ACD は正三角形で、三角形 FBC は  $FB = FC$  の二等辺三角形です。

図の角  $\text{あ}$  の大きさは  ア  度です。

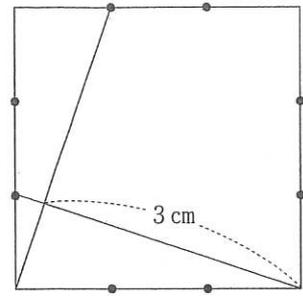


- (2) 図において、OC の長さは  イ  cm です。

また、(三角形 OAB の面積) : (三角形 ODE の面積) を最も簡単な整数の比で表すと、 ウ  :  エ  です。



(3) 図において、・は正方形の各辺を3等分します。このとき、正方形の面積は   $\text{cm}^2$  です。



③ 次の  ~  にあてはまる数を答えなさい。

ア( ) イ( ) ウ( ) エ( ) オ( ) カ( ) キ( )

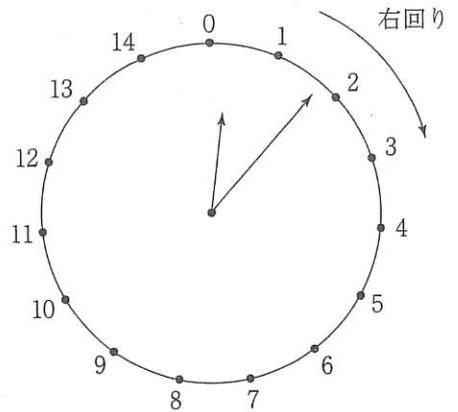
(1) 太郎君が地点 A から地点 B まで分速 50m で、2 時間 10 分かけて歩きます。また、花子さんは A と B の間を時速 39km の車で何度も往復しますが、A から B まで行くときは太郎君と同じ道を使い、B から A まで行くときは 1.3km 短い別の道を使います。

太郎君と花子さんは同時に A を出発しました。花子さんは、太郎君が A を出発してから  分  秒後に初めて太郎君を追い越します。また、太郎君が A を出発して B に着くまでに、花子さんは太郎君を全部で  回追い越します。

(2) 容器 A には濃度が 10% の食塩水が 100g、容器 B には濃度が 2% の食塩水が 100g 入っています。

- A, B から 40g ずつを同時に取り出し、A からのものは B に、B からのものは A に入れて、よくかき混ぜた場合、濃度は A が B より  % 高くなります。
- A, B から  g ずつを同時に取り出し、A からのものは B に、B からのものは A に入れて、よくかき混ぜた場合、濃度は A が B より 4% 高くなります。
- 「A, B から 10g ずつを同時に取り出し、A からのものは B に、B からのものは A に入れて、よくかき混ぜる」という作業を繰り返します。2 回目の作業後の A と B の濃度の差は、1 回目の作業後の A と B の濃度の差の  倍で、A と B の濃度の差が初めて 4% よりも小さくなるのは、 回目の作業後です。

④ 図のような、円周を15等分した点に0から14までの目盛りをつけた時計があります。この時計の長針と短針はそれぞれ右回りに一定の速さで回転し、次の①～③のように動きます。



- ① 長針は短針より速く動きます。
- ② 2つの針が0で重なったあと、次に重なるのは短針が1周目の9を指すときです。
- ③ 2つの針が0で重なってから再び0で重なるのは12時間後です。

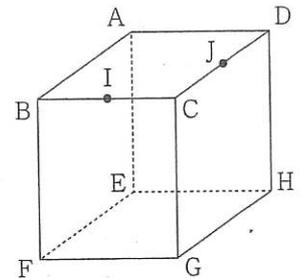
2つの針が0で重なってから再び0で重なるまでについて、次の問いに答えなさい。

- (1) 長針と短針は、それぞれ何周しますか。長針(      周) 短針(      周)
- (2) 長針と短針は、それぞれ1分間に何度回転しますか。長針(      度) 短針(      度)
- (3) 重なる場合を除いて、長針と短針が同時に目盛りを指すことは、何回ありますか。(      回)
- (4) 次の  ,  にあてはまる数を答えなさい。ただし、 には0以上60未満の数が入ります。ア(      ) イ(      )

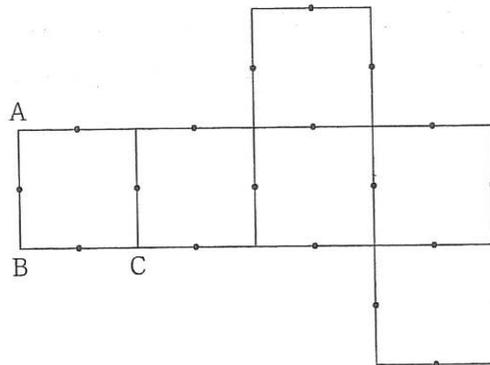
0で重なってから6時間  分後、長針と短針が同時に目盛りを指します。そのとき、長針は  の目盛りを指しています。

⑤ 図のような、1辺の長さが6cmの立方体 ABCD—EFGH があります。

辺 BC, CD の真ん中の点をそれぞれ I, J とし、この立方体を、点 I, J, G を通る平面で切って2つの立体にわけるとき、次の問いに答えなさい。



- (1) 切り口の辺は下の展開図のどこにできますか。線をかきこみなさい。



• は各辺の真ん中の点です。

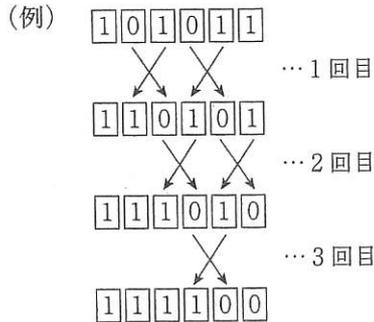
- (2) 切ってできた2つの立体のうち、点 A を含むほうの立体を考えます。切り口の平面を底面として、1秒あたり  $9\text{cm}^3$  の水を注ぎます。水面が次の(ア)～(ウ)の点に達するのは、水を注ぎ始めてから、それぞれ何秒後ですか。

- (ア) B (      秒後)
- (イ) F (      秒後)
- (ウ) A (      秒後)

⑥ 0と書かれたカード0と1と書かれたカード1がそれぞれたくさんあり、それらの中から何枚かのカードを取り出して横一列に並べます。そして、次の《規則》にしたがって並べ替えます。

《規則》

カードの並びが01となっているところのみを、すべて同時に10に入れ替える。



10101011は、3回並べ替えると1111000になりました。

(1) 7枚のカードを次の(ア), (イ)のように並べます。それぞれ何回並べ替えると1111000になりますか。(ア)(      回) (イ)(      回)

(ア) 1010101      (イ) 1001101

(2) 7枚のカードを、1□□□□1となるように並べます。

3回並べ替えると1111000になる並べ方は、何通りありますか。(      通り)

(3) 7枚のカードを、1□□□□1となるように並べます。

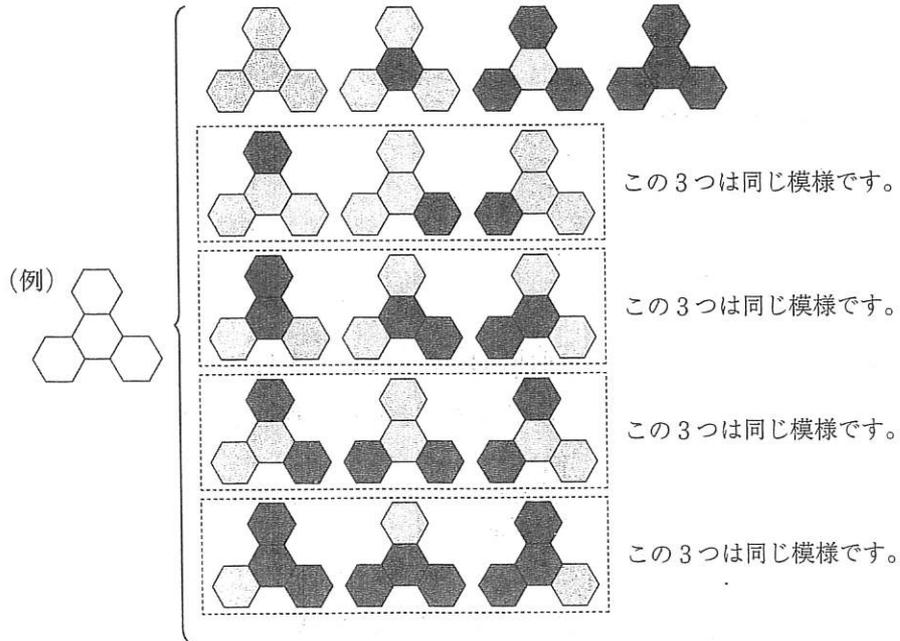
4回並べ替えると1111000になる並べ方は、何通りありますか。(      通り)

(4) 10枚のカードを、1□□□□□□□1となるように並べます。

6回並べ替えると1111000000になる並べ方は、何通りありますか。(      通り)

7 いくつかの正六角形からできている図形の各正六角形を  か  の2色でぬって、模様を作ります。

ただし、となりあう正六角形を同じ色でぬってもよく、色は1色しか使わなくてもかまいません。また、回転して同じになる模様は同じ模様であることにします。例えば、(例)の図形をぬってできる模様は下のように全部で8通りです。

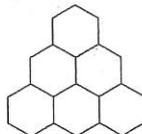


次の図形をぬってできる模様はそれぞれ何通りありますか。

(1) (      通り)



(2) (      通り)



(3) (      通り)

