

最難関中コース

算数 標準

問題

8. 数列 ⑦-C

中受ゼミ G

1

ある整数が偶数ならば2で割り、奇数ならば1を引く操作を1になるまでくり返します。例えば10の場合 $10 \rightarrow 5 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$

と4回操作をくり返します。このとき、次の間に答えなさい。

- (1) 36は何回の操作で1になりますか。
- (2) 3回の操作で1になる整数は何個ありますか。
- (3) 10回の操作で1になる整数は何個ありますか。

→ 892

2

ある整数が 2 で割り切れるときは 2 で割り、2 で割り切れないときは 1 をたして次の整数を作るという操作を繰り返します。この操作は 1 になつたら終わりとします。例えば 7 の場合、

(1回目) 7 は 2 で割り切れないで 1 をたして 8

(2回目) 8 は 2 で割り切れるので 2 で割って 4

(3回目) 4 は 2 で割り切れるので 2 で割って 2

(4回目) 2 は 2 で割り切れるので 2 で割って 1

7 → 8 → 4 → 2 → 1 となるので、この操作は 4 回です。次の各問いに答えなさい。

(1) 10 は何回の操作で 1 になりますか。

(2) ちょうど 3 回の操作で 1 になる整数は何個ありますか。

(3) 8 回以内の操作で 1 にならない整数のうち、最も小さい数はいくつですか。

→ 892

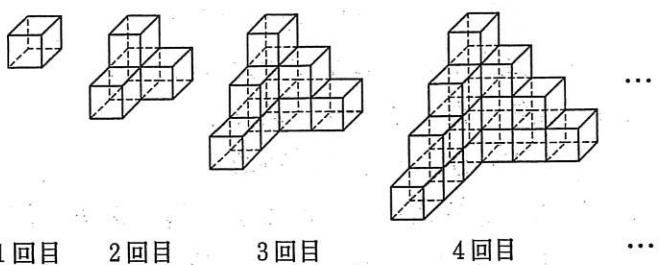
3

1辺が2cmの立方体の形をした箱を下の図のように積み上げて立体を作ります。
このとき、次の各問いに答えなさい。

- (1) 7回目まで積み上げたときの立体
の体積を求めなさい。

- (2) 2回目まで積み上げたとき、箱の
面どうしは3面重なっています。10
回目まで積み上げたとき、箱の面どう
しは何面重なっていますか。

- (3) 10回目まで積み上げたときの立体の表面積を求めなさい。



→ 924

4

数字の書かれたカードが左から順に①, ②, ③, ④, …と何枚か並べてあります。

その並べてあるカードに対して、操作①, 操作②を次のように決め、その操作をある規則によって繰り返し行います。

操作① 左端にあるカードを取り除く。

操作② 左端にあるカードを右端に移動させる。

(1) カードが 10 枚並んでいるとき、

(ア) 操作を①→②→①→②→①→…と繰り返したときに、最後に残っているカードの数字は何ですか。

(イ) 操作を①→①→②→①→①→②→①→…と繰り返したときに、最後に残っているカードの数字は何ですか。

(2) カードが 100 枚並んでいるとき、

(ア) 操作を①→②→①→②→①→…と繰り返したときに、最後に残っているカードの数字は何ですか。

(イ) 操作を①→①→②→①→①→②→①→…と繰り返したときに、最後に残っているカードの数字は何ですか。

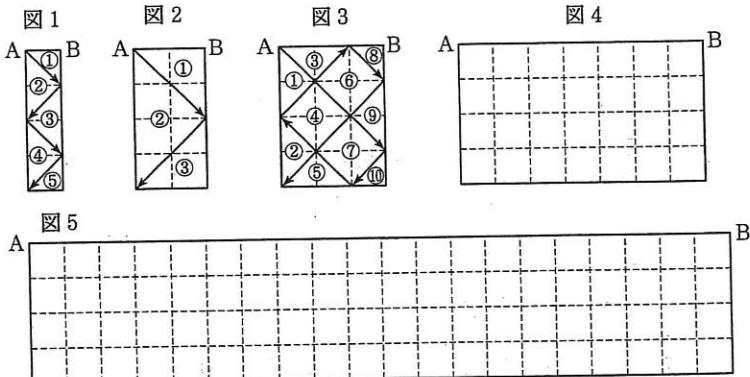
→ 926

5

縦の長さが 4cm , 横の長さが $x\text{cm}$ の長方形があり, 左上の頂点を A, 右上の頂点を B とします. ただし, x の値は整数とします. x の値を変えて, 図形の特徴を調べます.

まず, 頂点 A を出発し, 直線 AB との角度が 45° になるように長方形の中に直線をかきます. 直線が長方形の辺にきたら 90° 方向を変え, 長方形の中に直線をかき, 長方形のどこかの頂点にきたら, 直線をかくことをやめます.

次に, 長方形が, かかれた直線によ



って何個の部分に分けられるかを調べます. 例えば, 図 1 は x の値が 1, つまり横の長さが 1cm の長方形で, 5 個の部分に分けられます. 図 2 は x の値が 2, つまり横の長さが 2cm の長方形で, 3 個の部分に分けられます. 図 3 は x の値が 3, つまり横の長さが 3cm の長方形で, 10 個の部分に分けられます. また, 図 4 は x の値が 7, つまり横の長さが 7cm の長方形で, 図 5 は x の値が 20, つまり横の長さが 20cm の長方形です. 長方形の横の長さ x の値と, かかれた直線によって分けられた部分の個数の関係を表にまとめて考えます.

長方形の横の長さ $x(\text{cm})$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	...
分けられた部分の個数(個)	5	3	10																		...

次の問いに答えなさい. 必要ならば, 図 4, 図 5, 表を使いなさい.

- (1) x の値が 7, つまり横の長さが 7cm の長方形は, かかれた直線によって何個の部分に分けられますか.
- (2) x の値が 40, つまり横の長さが 40cm の長方形は, かかれた直線によって何個の部分に分けられますか.
- (3) かかれた直線によって分けられた部分の個数が 15 個のとき, x の値は 3 通りあります. x の値をすべて答えなさい. どのような順で答えるてもかまいません.

→ 924

6

図のように、黒マル●を三角形、正方形、正五角形の形に並べたときの●の総数を、それぞれ三角数、四角数、五角数と呼ぶことにします。また、

1番目の三角数を△1, 2番目の三角数を△2, 3番目の三角数を△3, …

1番目の四角数を□1, 2番目の四角数を□2, 3番目の四角数を□3, …

1番目の五角数を○1, 2番目の五角数を○2, 3番目の五角数を○3, …

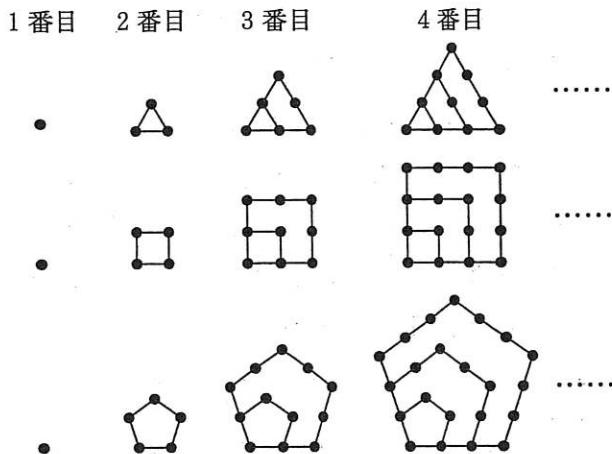
で表すことにします。例えば、△1=1, □2=4, ○3=12です。このとき、次の問いに答えなさい。

(1) △10を求めなさい。

(2) □1=1, □2=1+3, □3=1+3+5, …となっています。この性質をつかって、
 $\blacksquare A = 1+3+5+\dots+39$ の A にあてはまる数を求めなさい。

(3) △B + □C = ○5 の B, C にあてはまる数を求めなさい。

(4) ○12を求めなさい。



→ 923