

小6 算数

ベーシック・テスト

1-d 解答解説

中受ゼミ G

1 - d

1

(1) (解) $9 \times (11 + 19) + 10 \times (12 + 18) + 11 \times (13 + 17)$
 $= 9 \times 30 + 10 \times 30 + 11 \times 30$
 $= (9 + 10 + 11) \times 30$
 $= 30 \times 30$
 $= 900$

(2) (解) $\frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \frac{1}{4 \times 5}$
 $= \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{5}\right)$
 $= \frac{1}{2} - \frac{1}{5}$
 $= \frac{3}{10}$

$b - a = 1$ のとき、
 $\frac{1}{a \times b}$ を分解するにあたって、
分子が 1 でなければならない。
 $\frac{1}{4 \times 5} = \frac{5 - 4}{4 \times 5} = \frac{5}{4 \times 5} - \frac{4}{4 \times 5} = \frac{1}{4} - \frac{1}{5}$

(3) (解) $1998 \div 9 = 222$
よって、求める答は、222である。

$$\begin{array}{r} 234 \\ 243 \\ 324 \\ 342 \\ 423 \\ +) 432 \\ \hline 18 \\ 18 \\ 18 \\ \hline 1998 \end{array}$$

(4) (解) $1 + 2 + 3 + \dots + 24$
 $= \frac{25 \times 24}{2}$
 $= 25 \times 12$
よって、求める答は、12である。

「等差数列の和の公式」
 $\frac{(\text{最初の数} + \text{最後の数}) \times \text{個数}}{2}$
特に、 $1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$

$$\begin{aligned}
(5) \text{ (解)} \quad & (7+6+\cdots+2) + \left(\frac{7}{77} + \frac{4}{66} + \frac{5}{55} + \frac{8}{44} + \frac{7}{33} + \frac{8}{22}\right) \\
&= \frac{9 \times 6}{2} + \left(\frac{1}{11} + \frac{2}{33} + \frac{1}{11} + \frac{2}{11} + \frac{7}{33} + \frac{4}{11}\right) \\
&= 27 + \left(\frac{8}{11} + \frac{9}{33}\right) \\
&= 27 + 1 \\
&= 28
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
(6) \text{ (解)} \quad & 2\frac{5}{144}\text{日} = 48\frac{5}{6}\text{時間} \\
48\frac{5}{6}\text{時間} - 23\frac{35}{36}\text{時間} &= 47\frac{11}{6}\text{時間} - 23\frac{35}{36}\text{時間} \\
&= 47\frac{66}{36}\text{時間} - 23\frac{35}{36}\text{時間} \\
&= 24\frac{31}{36}\text{時間} \\
&= 1440\frac{155}{3}\text{分} \\
1440\frac{155}{3}\text{分} - 1436\frac{2}{3}\text{分} &= 4\frac{153}{3}\text{分} \\
&= 55\text{分}
\end{aligned}$$

1 - d

$$\boxed{2} \quad (\text{解}) \quad \left[\frac{333}{2} \right] = 166,$$

$$\left[\frac{101}{6} \right] = 16,$$

$$\left[\frac{67}{17} \right] = 3,$$

$$\left[\frac{513}{9} \right] = 57,$$

$$166 + 16 \times 3 - 57 = 157$$

よって、①=166, ②=16, ③=3, ④=57, ⑤=157である。

1 - d

3 (解)

①

$$\begin{array}{r} \boxed{9}\boxed{} \\ 7\boxed{9}\overline{) 77\boxed{}\boxed{7}} \\ \underline{711} \\ \boxed{6}\boxed{}\boxed{} \\ \boxed{}\boxed{}\boxed{} \\ \hline \\ \\ \\ \\ \\ \hline 1 \end{array}$$

②

$$\begin{array}{r} \boxed{9}\boxed{8} \\ 7\boxed{9}\overline{) 77\boxed{4}\boxed{3}} \\ \underline{711} \\ \boxed{6}\boxed{3}\boxed{3} \\ \boxed{6}\boxed{3}\boxed{2} \\ \hline \\ \\ \\ \\ \hline 1 \end{array}$$

よって、求める答は、3である。

1 - d

4

(解)

$$\frac{\boxed{\text{ア}} \times \boxed{\text{イ}} \times \boxed{\text{ウ}} \times \boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}} \times \boxed{\text{カ}} \times \boxed{\text{キ}}}$$

これが整数になるためには、奇数の5, 7は分子でなければならない。

よって、 $\boxed{\text{ウ}} = 5$, $\boxed{\text{エ}} = 7$

$$\frac{\boxed{\text{ア}} \times \boxed{\text{イ}} \times 5 \times 7}{\boxed{\text{オ}} \times \boxed{\text{カ}} \times \boxed{\text{キ}}}$$

次に、3, 6は、どちらかが分子で、もう一方が分母である。

- ① 3が分子で、6が分母の場合。 $\boxed{\text{イ}} = 3$, $\boxed{\text{キ}} = 6$

$$\frac{\boxed{\text{ア}} \times 3 \times 5 \times 7}{\boxed{\text{オ}} \times \boxed{\text{カ}} \times 6} = \frac{\boxed{\text{ア}} \times 5 \times 7}{\boxed{\text{オ}} \times \boxed{\text{カ}} \times 2}$$

よって、 $\boxed{\text{ア}} = 4$, $\boxed{\text{オ}} = 1$, $\boxed{\text{カ}} = 2$ となる。

$$\frac{4 \times 3 \times 5 \times 7}{1 \times 2 \times 6} = 35$$

- ② 6が分子で、3が分母の場合。 $\boxed{\text{イ}} = 6$, $\boxed{\text{キ}} = 3$

$$\frac{\boxed{\text{ア}} \times 6 \times 5 \times 7}{\boxed{\text{オ}} \times \boxed{\text{カ}} \times 3} = \frac{\boxed{\text{ア}} \times 2 \times 5 \times 7}{\boxed{\text{オ}} \times \boxed{\text{カ}}}$$

この場合、次の2通りがある。

- (i) $\boxed{\text{ア}} = 4$, $\boxed{\text{オ}} = 1$, $\boxed{\text{カ}} = 2$ の場合

$$\frac{4 \times 6 \times 5 \times 7}{1 \times 2 \times 3} = 140$$

- (ii) $\boxed{\text{ア}} = 2$, $\boxed{\text{オ}} = 1$, $\boxed{\text{カ}} = 4$ の場合

$$\frac{2 \times 6 \times 5 \times 7}{1 \times 4 \times 3} = 35$$

以上より、求める答は、35と140である。

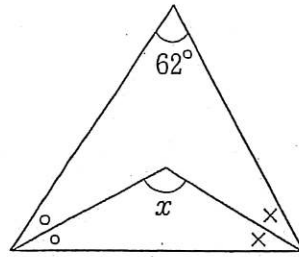
1 - d

5 (1) (解) 右図より、 $\circ = a$, $\times = b$ とおくと

$$2a + 2b = 180^\circ - 62^\circ = 118^\circ$$

よって、 $a + b = 118^\circ \div 2 = 59^\circ$

$$x = 180^\circ - 59^\circ = 121^\circ$$



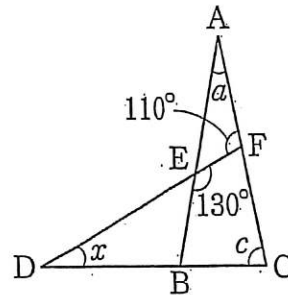
(2) (解) 右図より、

$$a = 130^\circ - 110^\circ = 20^\circ$$

AB = ACより、

$$c = (180^\circ - 20^\circ) \div 2 = 80^\circ$$

$$x = 110^\circ - 80^\circ = 30^\circ$$

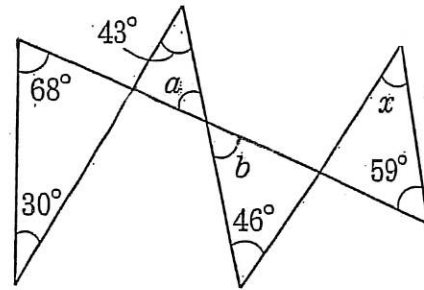


(3) (解) 右図より、

$$a = 68^\circ + 30^\circ - 43^\circ = 55^\circ$$

$$b = 55^\circ$$

$$x = 46^\circ + 55^\circ - 59^\circ = 42^\circ$$



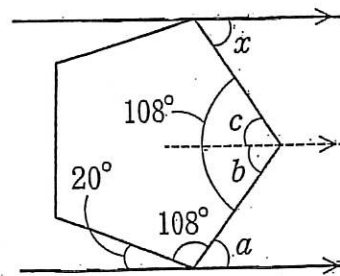
(4) (解) 右図より、

$$a = 180^\circ - (20^\circ + 108^\circ) = 52^\circ$$

$$b = 52^\circ$$

$$c = 108^\circ - 52^\circ = 56^\circ$$

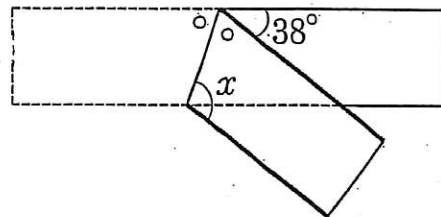
$$x = 56^\circ$$



(5) (解) 右図より、

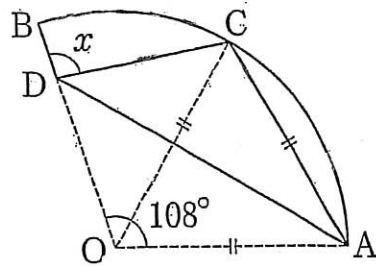
$$\circ = (180^\circ - 38^\circ) \div 2 = 71^\circ$$

$$x = 71^\circ + 38^\circ = 109^\circ$$



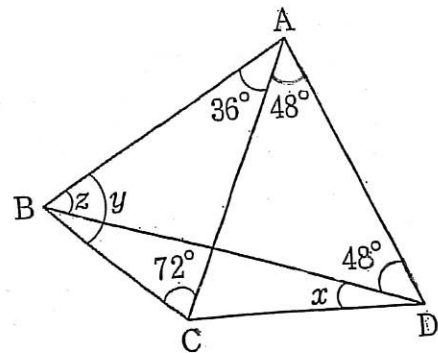
(6) (解) 右図より、

$\triangle ACO$ は、正三角形であるので、
 $\angle COA = 60^\circ$
 $\angle DOC = 108^\circ - 60^\circ = 48^\circ$
 $\triangle DOC$ は、二等辺三角形であるので、
 $x = 48^\circ \times 2 = 96^\circ$



(7) (解) 右図より、

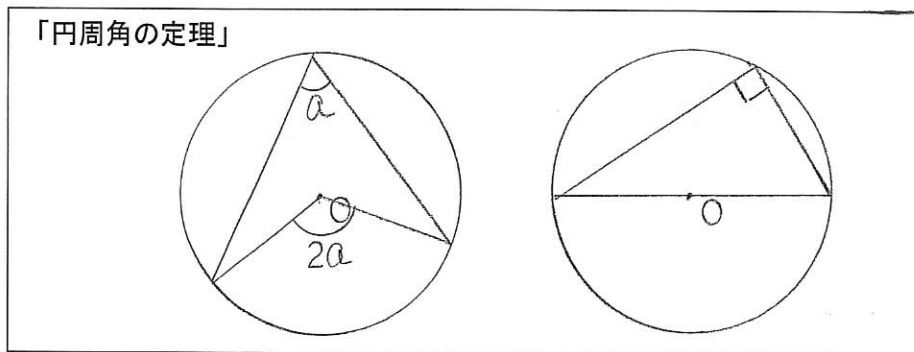
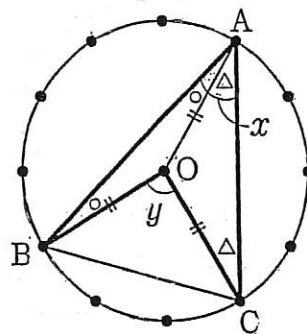
$y = 180^\circ - (36^\circ + 72^\circ) = 72^\circ$
 $\triangle ABC$ は、 $AB = AC$ の二等辺三角形である。
 また、 $z = 180^\circ - (48^\circ + 84^\circ) = 48^\circ$
 $\triangle ABD$ は、 $AB = AD$ の二等辺三角形である。
 よって、
 $\triangle ACD$ は、 $AC = AD$ の二等辺三角形である。
 $(180^\circ - 48^\circ) \div 2 = 66^\circ$ より、
 $x = 66^\circ - 48^\circ = 18^\circ$



(8) (解) 右図より、 $y = 360^\circ \times \frac{3}{12} = 90^\circ$

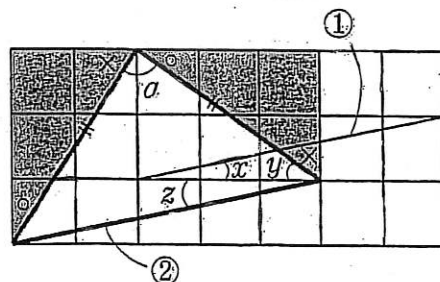
円周角の定理より

$$x = 90^\circ \times \frac{1}{2} = 45^\circ$$



(9) (解) 右図のように、図を書き直す。

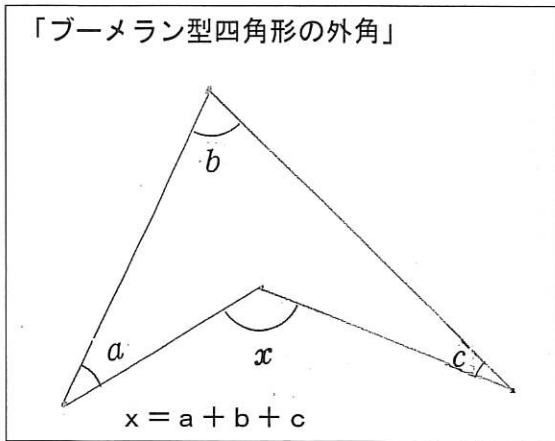
網目部分の三角形は合同であるので、
 太線部分の三角形は $a = 90^\circ$ の
 直角二等辺三角形となる。
 $x = z$ であるので、 $x + y = 45^\circ$ である。



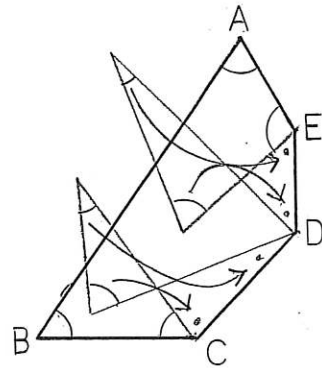
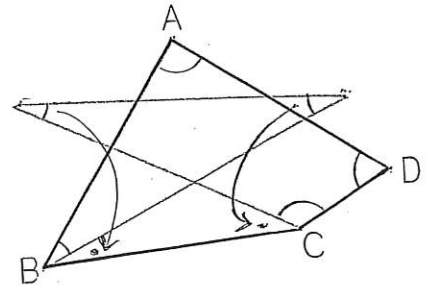
1 - d

6

- (1) (解) 「ブーメラン型四角形の外角」より、
 求める角度の和は、右図のようになる。
 四角形 ABCD の内角の和を求めればよい。
 よって、 $180^\circ \times 2 = 360^\circ$
 求める答は、 360° である。



- (2) (解) 右図より、
 五角形 ABCDE の内角の和を求めればよい。
 よって、 $180^\circ \times 3 = 540^\circ$
 求める答は、 540° である。



1 - d

7

(1) (解) 2つの数を、A、B ($A > B$) とおくと

$$A + B = 71 \quad \dots\dots①$$

$$A - B = 17 \quad \dots\dots②$$

この連立方程式を、解く

$$①+②より、\quad 2A = 88$$

$$A = 44$$

$$\text{これを、①に代入して、}\quad B = 71 - 44 = 27$$

以上より、求める答は、44と27である。

$$\begin{array}{r} A + B = 71 \\ +) A - B = 17 \\ \hline 2A = 88 \end{array}$$

(2) (解) ノート1冊の値段を、A円、

鉛筆1本の値段を、B円とおくと

$$4A + 6B = 840 \quad \dots\dots①$$

$$3A + 2B = 480 \quad \dots\dots②$$

この連立方程式を、解く

$$② \times 3 - ①より、5A = 600$$

$$A = 120$$

$$A = 120 \text{を、②に代入して、} 2B = 120$$

$$B = 60$$

以上より、求める答は、120円である。

$$\begin{array}{r} 9A + 6B = 1440 \\ +) 4A + 6B = 840 \\ \hline 5A = 600 \end{array}$$

(3) (解) りんご1個の値段を、A円、

柿1個の値段を、B円とおくと、

$$A = B + 30 \quad \dots\dots①$$

$$3A + 6B = 900 \quad \dots\dots②$$

この連立方程式を、解く

$$②より、A + 2B = 300 \quad \dots\dots③$$

$$①を③に代入して、B + 30 + 2B = 300$$

$$3B = 300 - 30$$

$$3B = 270$$

$$B = 90$$

$$B = 90 \text{を①に代入して、} A = 90 + 30 = 120$$

$$120 \times 6 + 90 \times 3 = 720 + 270 = 990$$

以上より、求める答は、990円である。

- (4) (解) りんご1個の値段を、A円、
みかん1個の値段を、B円とおくと、

$$3A + 2B = 590 \quad \dots\dots①$$

$$2A + 3B = 510 \quad \dots\dots②$$

この連立方程式を、解く

- ①+②より、 $5A + 5B = 1100$

$$A + B = 220 \quad \dots\dots③$$

 ①-②より、 $A - B = 80 \quad \dots\dots④$
 ③+④より、 $2A = 300$

$$A = 150$$

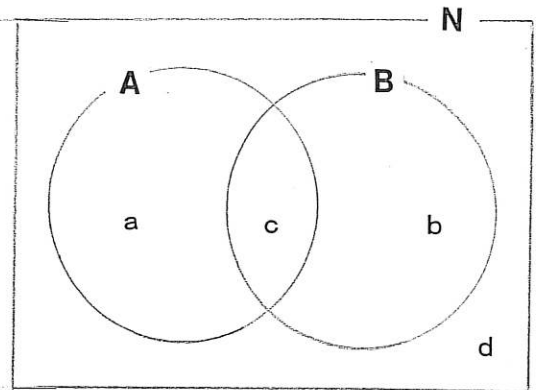
$A + B = 220$ $+) A - B = 80$ <hr style="width: 50%; margin: 0 auto;"/> $2A = 300$

A = 150を③に代入して、 $B = 220 - 150 = 70$
 以上より、求める答は、70円である。

- (5) (解) 右のベン図を参照。

- a : カレーが好きだと答えた人 → 28人
 b : ハンバーグが好きだと答えた人 → 30人
 c : 両方好きだと答えた人 → 22人
 d : クラスの人数 → 40人

$$a + b - c = 28 + 30 - 22 = 36$$



両方好きではない人は、

$$40 - 36 = 4$$

以上より、求める答は、4人である。

- (6) (解) 始発のバス停で乗ってきた女性の人数を、 $2x$ 人とおくと
 男性の人数は、 $(12 - 2x)$ 人となる。

$$12 - 2x - 5 + 2x - x + 6 = 5 + 6$$

この方程式を、解く

$$13 - x = 11$$

$$x = 2$$

$$2 \times 2 = 4$$

よって、始発のバス停で乗ってきた女性の人数は、4人である。

1 - d

8

(1) (解) 直方体のたての長さを、A cm、

横の長さを、B cm、

高さを、C cm とおくと、

$$A + B + C = 128 \div 4 = 32 \quad \dots\dots①$$

$$A = B + 3 \quad \dots\dots②$$

$$C = A + 5 \quad \dots\dots③$$

この連立方程式を、解く

③を①に代入して、 $A + B + A + 5 = 32$

$$2A + B = 27 \quad \dots\dots④$$

②を④に代入して、 $2(B + 3) + B = 27$

$$3B + 6 = 27$$

$$3B = 21$$

$$B = 7$$

B = 7 を②に代入して、 $A = 7 + 3 = 10$

A = 10 を③に代入して、 $C = 10 + 5 = 15$

$$10 \times 7 \times 15 = 1050$$

以上より、求める答は、 1050 cm^3 である。

(2) (解) 選んだ2つの数の和を、A + B

残りの3つの数の和を、C + D + E とおくと、

$$A + B = C + D + E - \frac{71}{81}$$

ここで、両辺に、(A + B) を加えると、

$$2(A + B) = (A + B + C + D + E) - \frac{71}{81}$$

ここで、 $A + B + C + D + E = 1 + \frac{2}{3} + \frac{4}{9} + \frac{8}{27} + \frac{16}{81} = \frac{211}{81}$ であるので、

$$2(A + B) = \frac{211}{81} - \frac{71}{81} = \frac{140}{81}$$

$$A + B = \frac{70}{81}$$

ここで、 $A = \frac{2}{3} = \frac{54}{81}$ 、 $B = \frac{16}{81}$ のとき、条件を満たしている。

よって、求める答は、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{16}{81}$ である。

(3) (解) アンパン 1個、A円、
ピザパン 1個、B円
チョコパン 1個、C円 とおくと

$$2A + B = 321 \quad \dots\dots①$$

$$2B + C = 473 \quad \dots\dots②$$

$$2A + C = 203 \quad \dots\dots③$$

この連立方程式を、解く

$$② - ③ \text{より、} \quad 2B - 2A = 270 \quad \dots\dots④$$

$$① + ④ \text{より、} \quad 3B = 591$$

$$B = 197$$

$B = 197$ を、①に代入して、 $2A = 321 - 197 = 124$

よって、 $A = 62$

$2A = 124$ を、③に代入して、 $C = 203 - 124 = 79$

以上より、1番高いパンは、ピザパンで、197円である。

(4) (解) 整数を、 $A < B < C < D$ とおくと、

$$A + B = 33 \quad \dots\dots①$$

$$A + C = 45 \quad \dots\dots②$$

$A + D$)
 $B + C$) は、46, 47のいずれかである。

$$B + D = 48 \quad \dots\dots③$$

$$C + D = 60 \quad \dots\dots④$$

$$② - ① \text{より、} C - B = 12 \quad \dots\dots⑤$$

$C - B$ が偶数であるので、 $B + C$ も偶数であり、

$$B + C = 46 \quad \dots\dots⑥$$

$$A + D = 47 \quad \dots\dots⑦ \text{ がわかる。}$$

$$⑤ + ⑥ \text{より、} 2C = 58$$

$$C = 29$$

よって、 $A = 16$, $B = 17$, $C = 29$, $D = 31$ となる。

以上より、 $A = 16$ である。

1 - d

9

- (1) (解) 50円切手を、A枚、
80円切手を、B枚 とおくと
- $$50A + 80B = 1500 \quad \dots\dots①$$
- $$50B + 80A = 1230 \quad \dots\dots②$$

この連立方程式を、解く

①-②より、

$$30B - 30A = 270$$

$$B - A = 9 \quad \dots\dots③$$

よって、求める答は、9枚である。

- (2) (解)
- $$①+②より、130A + 130B = 2730$$

$$A + B = 21 \quad \dots\dots④$$

③+④より、 $2B = 30$

$$B = 15$$

$B = 15$ を、④に代入して、 $A = 6$

以上より、80円切手を15枚、50円切手を6枚買うつもりであった。